

## ТИПОВОЙ РАСЧЕТ

### «Линейная алгебра»

**Задание 1.** Вычисление определителей 3-го порядка:

а) вычислить определитель двумя способами:

1) по правилу треугольников;

2) методом разложения по элементам какой-нибудь строки или столбца;

б) решить уравнение, сделать проверку.

$$\begin{array}{l} \text{1.1. а)} \\ \left| \begin{array}{ccc} 4 & 5 & 7 \\ 1 & 2 & 3 \\ 6 & 2 & 1 \end{array} \right|; \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{б)} \\ \left| \begin{array}{ccc} x & x+4 & 1 \\ -2 & x & -2 \\ 2 & x & x+1 \end{array} \right| = 0. \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{1.2. а)} \\ \left| \begin{array}{ccc} 3 & -1 & 6 \\ 1 & 2 & 1 \\ 5 & 2 & 2 \end{array} \right|; \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{б)} \\ \left| \begin{array}{ccc} x+7 & 8 & 5 \\ -1 & x & -1 \\ 2x-1 & x & x-3 \end{array} \right| = 0. \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{1.3. а)} \\ \left| \begin{array}{ccc} 2 & 3 & -1 \\ 1 & 4 & -2 \\ -3 & 1 & 1 \end{array} \right|; \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{б)} \\ \left| \begin{array}{ccc} x & 15 & 5x \\ 11 & x+1 & 2 \\ 1 & 3 & x \end{array} \right| = 0. \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{1.4. а)} \\ \left| \begin{array}{ccc} -2 & 1 & 2 \\ 5 & 2 & -3 \\ 1 & 3 & 4 \end{array} \right|; \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{б)} \\ \left| \begin{array}{ccc} x & -1 & 2-x \\ 1 & x+6 & 3x \\ 2 & 1 & x-2 \end{array} \right| = 0. \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{1.5. а)} \\ \left| \begin{array}{ccc} 3 & 1 & 2 \\ 4 & -3 & 5 \\ 2 & -1 & 6 \end{array} \right|; \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{б)} \\ \left| \begin{array}{ccc} 2x+2 & x-3 & x+1 \\ -6 & x+2 & -3 \\ x & 3 & 1 \end{array} \right| = 0. \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{1.6. а)} \\ \left| \begin{array}{ccc} 4 & 1 & -2 \\ -1 & 5 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{array} \right|; \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{б)} \\ \left| \begin{array}{ccc} 3 & 2x+1 & x+1 \\ 6 & x+6 & 6 \\ x & 5 & 2 \end{array} \right| = 0. \end{array}$$

**1.7. a)**  $\begin{vmatrix} 3 & 2 & -3 \\ 2 & 5 & 1 \\ -1 & 4 & 7 \end{vmatrix};$

**1.8. a)**  $\begin{vmatrix} 5 & 1 & 2 \\ 4 & 3 & 1 \\ -2 & 6 & 3 \end{vmatrix};$

**1.9. a)**  $\begin{vmatrix} 2 & 4 & 3 \\ 3 & 7 & 6 \\ 1 & 2 & -2 \end{vmatrix};$

**1.10. a)**  $\begin{vmatrix} 3 & 5 & 6 \\ 4 & 3 & 1 \\ 2 & -1 & 2 \end{vmatrix};$

**1.11. a)**  $\begin{vmatrix} 5 & 1 & 2 \\ -1 & 6 & 2 \\ 2 & 3 & 4 \end{vmatrix};$

**1.12. a)**  $\begin{vmatrix} -2 & 3 & 4 \\ 5 & 1 & 2 \\ 6 & 2 & -1 \end{vmatrix}$

**1.13. a)**  $\begin{vmatrix} 1 & 6 & 3 \\ 3 & -1 & 2 \\ 5 & -2 & 4 \end{vmatrix};$

**1.14. a)**  $\begin{vmatrix} -3 & 2 & -1 \\ 2 & 5 & 3 \\ 4 & 1 & 2 \end{vmatrix};$

6)  $\begin{vmatrix} 4 & 3 & x \\ 2 & x+2 & 2x-3 \\ x+5 & 2-x & x \end{vmatrix} = 0.$

6)  $\begin{vmatrix} x+3 & 2x+1 & 7 \\ 3 & x+2 & x-1 \\ -1 & 3 & x-5 \end{vmatrix} = 0.$

6)  $\begin{vmatrix} x+2 & x+7 & x \\ 4 & x & x-4 \\ 3 & 8 & x \end{vmatrix} = 0.$

6)  $\begin{vmatrix} 1 & 3 & x \\ x-11 & x-4 & 7 \\ -3 & x-1 & 2x \end{vmatrix} = 0.$

6)  $\begin{vmatrix} x-3 & -4 & 3 \\ x-4 & x+6 & 5 \\ 1 & 2x+1 & x \end{vmatrix} = 0.$

6)  $\begin{vmatrix} x & x+6 & 2x \\ 3 & x & x \\ -2 & 4 & x-2 \end{vmatrix} = 0.$

6)  $\begin{vmatrix} 2x+1 & -3 & x+6 \\ x+4 & x & 9 \\ x & -3 & 5 \end{vmatrix} = 0.$

6)  $\begin{vmatrix} 2x-2 & x-6 & x \\ 6 & 4 & x+4 \\ x-5 & -9 & -3 \end{vmatrix} = 0.$

$$\text{1.15. a) } \begin{vmatrix} 5 & -1 & 4 \\ 1 & 2 & 3 \\ -2 & 3 & 5 \end{vmatrix};$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} x+3 & -3 & -4 \\ 3 & x & -3 \\ 2 & 2x+1 & x-3 \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.16. a) } \begin{vmatrix} -1 & 5 & 6 \\ 2 & 1 & -3 \\ 4 & 7 & 2 \end{vmatrix};$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} x & -6 & -2x \\ 3 & x+8 & 2x-1 \\ 5 & 6 & x-5 \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.17. a) } \begin{vmatrix} 3 & 4 & 1 \\ 5 & 2 & 3 \\ 2 & -1 & -4 \end{vmatrix};$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} x & x & x+2 \\ 7 & x & 9 \\ x+4 & -4 & 2 \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.18. a) } \begin{vmatrix} -2 & 1 & 4 \\ 1 & 6 & 7 \\ 5 & 3 & 1 \end{vmatrix};$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} -1 & 5 & x \\ 3 & x+1 & 4 \\ x-1 & 10 & 2x \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.19. a) } \begin{vmatrix} 7 & 4 & 2 \\ 5 & 2 & 1 \\ -1 & 3 & -3 \end{vmatrix};$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} 3 & 3-x & x \\ 2x+8 & x & 9 \\ x+3 & 3 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

$$\text{1.20. a) } \begin{vmatrix} 2 & 5 & -1 \\ 1 & 4 & 3 \\ 3 & 2 & 2 \end{vmatrix};$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} 1-x & 5 & 3 \\ 4 & x & 4 \\ 2x+2 & x-2 & x \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.21. a) } \begin{vmatrix} 8 & -1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & -3 & 1 \end{vmatrix};$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} x+2 & 2x-3 & -2 \\ 2 & x & x-2 \\ 7 & 10 & x \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.22. a) } \begin{vmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 5 & 3 & 4 \\ 1 & 2 & 5 \end{vmatrix};$$

$$\text{б) } \begin{vmatrix} x & 10 & 1 \\ x-4 & x+5 & 5 \\ 4 & x+6 & x-3 \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.23. a) } \begin{vmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 6 & 5 & -3 \\ -1 & 2 & -4 \end{vmatrix};$$

$$6) \begin{vmatrix} x & 3 & 2x \\ 2 & x-1 & 4 \\ -5 & -2 & x-5 \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.24. a) } \begin{vmatrix} 5 & 1 & 6 \\ -1 & 2 & 3 \\ 4 & -3 & 1 \end{vmatrix};$$

$$6) \begin{vmatrix} 2x & x & x+1 \\ x-3 & x & -2 \\ x & 8 & 1 \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.25. a) } \begin{vmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 6 & -3 & 4 \\ 8 & -1 & 2 \end{vmatrix};$$

$$6) \begin{vmatrix} x & 2 & 6 \\ x-3 & -x & 9 \\ 2x+3 & 2 & 3-x \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.26. a) } \begin{vmatrix} 9 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \\ 2 & -1 & -3 \end{vmatrix};$$

$$6) \begin{vmatrix} x+4 & 1 & 2x-5 \\ 14 & x & x+5 \\ 9 & 1 & x \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.27. a) } \begin{vmatrix} 3 & 4 & 6 \\ 2 & -1 & -3 \\ 1 & 5 & 7 \end{vmatrix};$$

$$6) \begin{vmatrix} x & 8 & 6 \\ 2x+5 & x+8 & 1 \\ x & x+2 & x \end{vmatrix} = 0$$

$$\text{1.28. a) } \begin{vmatrix} 6 & 1 & 4 \\ 5 & 3 & -1 \\ 1 & -2 & 3 \end{vmatrix};$$

$$6) \begin{vmatrix} 4 & x-4 & x \\ x+3 & x+5 & 7 \\ x-3 & 5 & 1 \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.29. a) } \begin{vmatrix} 2 & 3 & 5 \\ 4 & -1 & 2 \\ 1 & 6 & 3 \end{vmatrix};$$

$$6) \begin{vmatrix} -2 & 1 & 4-x \\ 4 & x & x \\ x & x+3 & 6 \end{vmatrix} = 0.$$

$$\text{1.30. a) } \begin{vmatrix} 5 & 4 & 1 \\ 3 & 2 & 6 \\ 2 & -1 & 7 \end{vmatrix};$$

$$6) \begin{vmatrix} 1 & x-1 & x \\ -4 & x & -4 \\ x+4 & 6 & 5 \end{vmatrix} = 0.$$

**Задание 2.** Вычисление определителя 4-го порядка. Вычислить определитель двумя способами:

- 1) сведением его к треугольному определителю 4-го порядка;
- 2) сведением его к одному определителю 2-го порядка.

$$2.1. \begin{vmatrix} 1 & 2 & -4 & -1 \\ 3 & -1 & 2 & 4 \\ 4 & 3 & 5 & 6 \\ 1 & -5 & 4 & 2 \end{vmatrix}.$$

$$2.2. \begin{vmatrix} 2 & 1 & 3 & -5 \\ 1 & 4 & -6 & 2 \\ 3 & 2 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & -5 & 4 \end{vmatrix}.$$

$$2.3. \begin{vmatrix} 3 & 1 & 4 & 7 \\ 1 & 2 & -3 & 5 \\ -2 & 3 & 5 & -4 \\ 2 & 6 & 3 & 8 \end{vmatrix}.$$

$$2.4. \begin{vmatrix} 1 & -1 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & 3 & -2 \\ 5 & 4 & 1 & 3 \end{vmatrix}.$$

$$2.5. \begin{vmatrix} 1 & 2 & -1 & 2 \\ -1 & 2 & 3 & 4 \\ 3 & 1 & 2 & -1 \\ 2 & 5 & 1 & 2 \end{vmatrix}.$$

$$2.16. \begin{vmatrix} 1 & 3 & 2 & 0 \\ 2 & 4 & 1 & 1 \\ 3 & 5 & -2 & 1 \\ 2 & 8 & 3 & -5 \end{vmatrix}.$$

$$2.17. \begin{vmatrix} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 6 & -2 & 2 & 4 \\ 6 & -3 & 4 & 8 \\ 4 & -2 & 1 & 1 \end{vmatrix}.$$

$$2.18. \begin{vmatrix} 6 & 4 & 5 & 2 \\ 3 & 2 & 4 & 5 \\ 3 & 1 & -2 & 1 \\ 9 & 4 & 1 & 4 \end{vmatrix}.$$

$$2.19. \begin{vmatrix} 2 & 3 & -2 & 5 \\ 3 & 5 & -4 & 3 \\ 1 & 7 & 4 & 1 \\ 2 & 2 & -3 & 3 \end{vmatrix}.$$

$$2.20. \begin{vmatrix} 6 & 2 & 3 & 4 \\ 4 & 1 & 2 & 3 \\ 4 & 3 & -1 & 1 \\ 2 & 7 & 3 & 2 \end{vmatrix}.$$

$$2.6. \begin{vmatrix} 1 & 4 & -1 & 3 \\ 2 & 1 & 3 & 2 \\ -2 & 5 & 2 & 1 \\ 3 & 6 & 1 & 5 \end{vmatrix}.$$

$$2.7. \begin{vmatrix} 2 & 1 & -1 & 5 \\ 3 & 2 & 4 & 1 \\ 4 & 3 & 5 & -1 \\ -1 & 2 & 3 & 4 \end{vmatrix}.$$

$$2.8. \begin{vmatrix} 1 & 4 & -1 & 2 \\ 2 & 0 & 3 & 1 \\ -3 & 5 & 4 & 2 \\ 1 & 6 & 4 & 3 \end{vmatrix}.$$

$$2.9. \begin{vmatrix} 1 & -2 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & -3 & 4 \\ 3 & 4 & 5 & -1 \\ 4 & 3 & 1 & 3 \end{vmatrix}.$$

$$2.10. \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 \\ 2 & 4 & -1 & 7 \\ 3 & 5 & 2 & 8 \\ -1 & 6 & 4 & -5 \end{vmatrix}.$$

$$2.11. \begin{vmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 \\ -1 & 3 & 5 & 2 \\ 3 & 5 & 1 & -3 \\ 2 & 4 & 3 & 1 \end{vmatrix}.$$

$$2.21. \begin{vmatrix} 5 & 3 & 2 & 4 \\ 4 & -2 & 3 & 7 \\ 8 & 1 & -1 & 5 \\ 7 & 3 & -3 & 1 \end{vmatrix}.$$

$$2.22. \begin{vmatrix} 3 & 2 & 5 & 3 \\ 2 & 3 & 6 & 5 \\ 1 & 6 & -9 & -11 \\ 4 & 1 & 4 & 2 \end{vmatrix}.$$

$$2.23. \begin{vmatrix} 2 & 5 & 1 & 2 \\ -1 & 2 & 3 & 1 \\ 3 & 4 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 3 & 7 \end{vmatrix}.$$

$$2.24. \begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 & -3 \\ 3 & 2 & 6 & -4 \\ 4 & 5 & -2 & 3 \\ 3 & 8 & 2 & -1 \end{vmatrix}.$$

$$2.25. \begin{vmatrix} 2 & 3 & 1 & 3 \\ 4 & 6 & 3 & -5 \\ 6 & 9 & 5 & -7 \\ 8 & 9 & 7 & 9 \end{vmatrix}.$$

$$2.26. \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & -3 & 4 & 5 \\ -3 & -4 & 5 & 6 \\ 4 & 5 & 6 & 7 \end{vmatrix}.$$

$$2.12. \begin{vmatrix} 2 & 7 & 4 & 5 \\ 4 & 4 & 8 & 6 \\ 1 & -9 & -3 & -5 \\ 3 & 5 & 7 & 5 \end{vmatrix}.$$

$$2.13. \begin{vmatrix} 4 & 2 & 3 & 3 \\ 8 & 3 & 2 & 5 \\ 20 & 6 & 1 & 12 \\ 4 & 1 & 4 & 2 \end{vmatrix}.$$

$$2.14. \begin{vmatrix} 6 & 2 & 3 & 9 \\ 3 & 1 & 2 & 3 \\ 6 & 3 & 5 & 3 \\ 9 & 3 & 4 & 18 \end{vmatrix}.$$

$$2.15. \begin{vmatrix} 3 & 2 & 1 & 2 \\ 5 & 4 & 3 & 4 \\ 7 & 4 & 1 & 2 \\ 2 & 7 & 3 & 4 \end{vmatrix}.$$

$$2.27. \begin{vmatrix} 3 & 4 & 3 & 6 \\ 9 & 8 & 5 & 9 \\ 3 & 8 & 7 & 16 \\ 6 & 6 & 3 & 5 \end{vmatrix}.$$

$$2.28. \begin{vmatrix} 5 & 2 & -3 & 1 \\ 4 & 1 & -2 & 2 \\ 1 & 2 & 3 & -1 \\ 3 & 4 & -1 & 2 \end{vmatrix}.$$

$$2.29. \begin{vmatrix} 5 & 3 & 2 & 4 \\ 4 & 2 & 1 & 3 \\ -2 & 2 & 3 & 2 \\ 1 & 1 & 7 & 2 \end{vmatrix}.$$

$$2.30. \begin{vmatrix} 2 & 5 & -8 & 8 \\ 4 & 3 & 9 & 6 \\ 2 & 3 & -5 & 9 \\ 1 & 2 & -7 & 8 \end{vmatrix}.$$

**Задание 3.** Операции над матрицами. Найти:

- произведение матриц  $A \cdot B$ ,  $B \cdot A$ ;
- значение матричного многочлена  $f(A)$ ;
- обратную матрицу  $C^{-1}$ .

$$3.1. \text{a)} A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 2 & -1 \\ 3 & 5 \\ -6 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 3 & -5 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & -3 & 0 \end{pmatrix};$$

$$\text{б)} f(x) = 2x^2 - 5x + 2, \text{ если } A = \begin{pmatrix} 1 & -5 \\ 2 & 3 \end{pmatrix};$$

в)  $C = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 5 \\ 0 & 3 & 1 \\ -4 & 6 & 2 \end{pmatrix}$ .

**3.2.** а)  $A = \begin{pmatrix} 3 & -7 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & -5 & 3 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ -1 & 5 \\ 3 & 4 \\ -5 & 2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 3x^2 + x - 4$ , если  $A = \begin{pmatrix} 5 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} -3 & 1 & 5 \\ 0 & 4 & 0 \\ -5 & 2 & 2 \end{pmatrix}$ .

**3.3.** а)  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -3 \\ 2 & -1 & 4 \\ 3 & 5 & 0 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} -7 & 3 & 0 \\ 4 & 1 & -1 \\ 2 & -3 & 1 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = x^3 + 2x$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 0 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 3 & 2 & -4 \\ 2 & -1 & 0 \end{pmatrix}$ .

**3.4.** а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \\ -5 & 7 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & -1 \\ -1 & 3 & -4 & -2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 2x^2 - 3x - 1$ , если  $A = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 5 & 6 & 3 \\ 0 & 2 & 0 \\ 7 & -4 & 5 \end{pmatrix}$ .

**3.5.** а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 0 & 2 & -4 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ ,     $B = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 \\ -6 & 1 & 2 \\ -3 & -2 & -1 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = x^2 - 3x + 1$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & -4 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 3 & 0 & 2 \\ 4 & -2 & 5 \end{pmatrix}$ .

**3.6.** а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 4 \\ 2 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,     $B = \begin{pmatrix} 7 & -8 & -1 & 0 \\ 0 & 3 & 5 & 2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -2x^2 - 3x - 9$ , если  $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 2 & -1 & -1 \\ 3 & 4 & -2 \\ 3 & -2 & 4 \end{pmatrix}$ .

**3.7.** а)  $A = \begin{pmatrix} 3 & -1 & 4 & 0 \\ 2 & 0 & -3 & 5 \end{pmatrix}$ ,     $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & -1 \\ 0 & 3 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 4x^2 + 5x - 3$ , если  $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 5 & 1 & 2 \\ 3 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ .

**3.8.** а)  $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 5 & 0 \\ 4 & -1 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 5 & -7 & -1 \\ 0 & -1 & 3 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -x^2 + 4x - 3$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 0 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 4 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -3 \\ 0 & -1 & 4 \end{pmatrix}$ .

**3.9.** а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 1 & 0 \\ 3 & -5 & 2 & 4 \\ 7 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 3 & -1 & 5 \\ -2 & 0 & 1 \\ 0 & 6 & 0 \\ 3 & 5 & -1 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 5x^2 - x + 7$ , если  $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ -1 & -5 & -2 \\ 4 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ .

**3.10.** а)  $A = \begin{pmatrix} -2 & 0 & 3 \\ 4 & 5 & -1 \\ 0 & 3 & 7 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 2 & -5 & 1 \\ 4 & 0 & 1 \\ -1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -x^2 + 8x$ , если  $A = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 2 & -4 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 4 & -5 & 2 \\ -1 & 1 & -1 \\ 3 & 2 & 0 \end{pmatrix}$ .

**3.11.** а)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 1 \\ -4 & 5 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 5 & -1 & 3 & 0 \\ 2 & -4 & 7 & 1 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = x^2 - 3x + 5$ , если  $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 3 & -4 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ .

**3.12.** а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 & 3 \\ 5 & -7 & 3 & -2 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 2 & 0 \\ 5 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -2x^2 + 3x + 2$ , если  $A = \begin{pmatrix} -4 & 2 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 4 & 1 & 1 \\ -4 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ .

**3.13.** а)  $A = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 2 & 4 \\ 1 & 2 & -3 & 1 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 5 & -3 \\ -2 & 0 \\ 3 & 4 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 3x^2 + 4x - 3$ , если  $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 3 & -4 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$ .

**3.14.** а)  $A = \begin{pmatrix} 5 & -2 \\ 1 & 4 \\ 6 & -1 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & -3 \\ -2 & 6 & 4 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -x^2 + 5x + 1$ , если  $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} -6 & 2 & 0 \\ 0 & 4 & 2 \\ 0 & 2 & 6 \end{pmatrix}$ .

**3.15.** а)  $A = \begin{pmatrix} -3 & 4 & 1 \\ 2 & 5 & -3 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 6 & -4 \\ 1 & 3 \\ -2 & 2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -4x^2 + 2x - 5$ , если  $A = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 0 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 3 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ .

**3.16.** а)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 0 \\ 3 & 1 & 5 \\ -6 & 4 & -1 \\ -2 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 & -2 \\ -1 & -5 & -2 & 1 \\ 4 & 1 & 6 & 0 \end{pmatrix}$ ;

6)  $f(x) = x^2 - 2x + 3$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} -2 & 5 & 1 \\ 0 & -3 & 4 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ .

**3.17.** а)  $A = \begin{pmatrix} -2 & 5 & -1 & 0 \\ 7 & 1 & -3 & 2 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} -4 & 3 \\ 1 & -2 \\ 2 & 5 \\ 0 & 6 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -2x^2 + 4x - 3$ , если  $A = \begin{pmatrix} 5 & -3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 2 & 0 & 5 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$ .

**3.18.** а)  $A = \begin{pmatrix} 4 & 6 & -2 \\ 7 & -3 & 1 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 4 \\ -5 & 2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 2x^2 - x + 1$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -3 & 2 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 1 \\ 4 & -5 & 2 \\ 5 & -7 & 3 \end{pmatrix}$ .

**3.19.** а)  $A = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 2 \\ 0 & 4 \\ 5 & -1 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 5 & 0 \\ 6 & -1 & 3 & 4 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 5x^2 - 3x + 3$ , если  $A = \begin{pmatrix} 3 & -4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 2 \\ -5 & 3 & -1 \\ 6 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ .

**3.20.** а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 5 \\ 0 & 3 & 1 \\ -4 & 6 & 2 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 6 \\ -4 & 5 & 1 \\ 2 & -3 & -2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -x^2 + 2x - 1$ , если  $A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ -2 & 0 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 3 & 1 \\ 4 & 1 & 4 \end{pmatrix}$ .

**3.21.** а)  $A = \begin{pmatrix} 5 & -1 \\ 0 & 2 \\ 7 & 3 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} -2 & 5 & 1 & -3 \\ 0 & -3 & -4 & 2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 4x^2 - 3x + 2$ , если  $A = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 2 & 3 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ .

**3.22.** а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 7 & -2 \\ -3 & 1 & 0 & 4 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -3 & 6 \\ 2 & -4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -3x^2 - x + 2$ , если  $A = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ .

**3.23.** а)  $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 4 \\ -3 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 6 & -3 & 0 & 0 \\ 2 & -1 & 1 & -2 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = x^2 - x + 2$ , если  $A = \begin{pmatrix} -1 & 4 \\ 5 & -2 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & -2 & -6 \\ -4 & 5 & 1 \\ 2 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ .

**3.24.** а)  $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 & 4 \\ 0 & -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 3 & -5 \\ 1 & 0 \\ 2 & 1 \\ -3 & 0 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -2x^2 + 2x - 3$ , если  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -3 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 0 \\ -3 & 1 & 5 \\ -2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ .

**3.25.** а)  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 4 & -2 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} -5 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 4 \\ 3 & -1 & 0 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = 3x^2 - x + 2$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 2 & 4 & -6 \\ 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ .

**3.26.** а)  $A = \begin{pmatrix} 0 & 3 \\ -2 & 1 \\ 3 & -4 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 & 3 \\ 4 & -2 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -x^2 + 3x - 4$ , если  $A = \begin{pmatrix} 0 & 3 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ .

**3.27.** а)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & -1 & 2 \\ -6 & 1 & 2 & 0 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 0 \\ -1 & 4 \\ 3 & -5 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = x^2 - 4x + 3$ , если  $A = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -5 & 2 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} -3 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ .

**3.28.** а)  $A = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -3 & 4 & 0 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -3x^2 + x - 1$ , если  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 3 & 1 & -2 \\ 3 & -2 & 4 \\ 3 & 5 & -1 \end{pmatrix}$ .

**3.29.** а)  $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & -3 \\ 6 & 2 & 0 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 7 & 0 & -5 \\ -4 & 2 & 1 \\ -1 & 3 & 6 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = x^2 - x + 6$ , если  $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} 4 & 0 & 2 \\ -4 & 6 & 2 \\ 8 & -2 & 10 \end{pmatrix}$ .

**3.30.** а)  $A = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 2 & -2 \\ 4 & 0 \\ -1 & 5 \end{pmatrix}$ ,       $B = \begin{pmatrix} 0 & -5 & 3 & 1 \\ 7 & 2 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ ;

б)  $f(x) = -x^2 + 5x - 1$ , если  $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ ;

в)  $C = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 5 \\ 0 & 3 & 0 \\ -4 & 5 & 2 \end{pmatrix}$ .

**Задание 4.** Используя формулы Крамера, решить системы линейных алгебраических уравнений.

$$\begin{array}{l} \text{4.1. } \begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 = -4, \\ 2x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ x_1 + 3x_2 + 3x_3 = -1. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.2. } \begin{cases} x_1 + x_2 + 3x_3 = 7, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 10, \\ x_1 + 4x_2 - x_3 = 6. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.3. } \begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 12, \\ 2x_1 + x_2 - x_3 = 5, \\ x_1 - 2x_2 - 3x_3 = -20. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.4. } \begin{cases} 5x_1 + x_2 - x_3 = 0, \\ x_1 + 2x_2 - 5x_3 = -3, \\ x_1 - 2x_2 + 4x_3 = 2. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.5. } \begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - x_3 = -2, \\ 3x_1 + 6x_2 + x_3 = -10, \\ x_1 + x_2 - 4x_3 = -8. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.6. } \begin{cases} x_1 + 5x_2 - x_3 = 4, \\ 2x_1 - 5x_2 + 2x_3 = 1, \\ x_1 - x_2 - x_3 = -2. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.7. } \begin{cases} x_1 + 2x_2 - 3x_3 = -11, \\ 2x_1 - x_2 - x_3 = 3, \\ x_1 - 2x_2 + 4x_3 = 18. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.8. } \begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 4, \\ 2x_1 - 3x_2 - 4x_3 = 1, \\ x_1 + 5x_2 - 5x_3 = 7. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.16. } \begin{cases} 2x_1 + x_2 + x_3 = 2, \\ 4x_1 + 2x_2 + 5x_3 = 7, \\ 7x_1 + 5x_2 + 3x_3 = 8. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.17. } \begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 1, \\ x_1 + 3x_2 - 4x_3 = -16, \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 11. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.18. } \begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + x_3 = 6, \\ 3x_1 - x_2 + x_3 = 4, \\ x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 12. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.19. } \begin{cases} x_1 - 2x_2 - 3x_3 = -2, \\ x_1 - 2x_2 + 5x_3 = 6, \\ 2x_1 - x_2 - x_3 = 4. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.20. } \begin{cases} x_1 + 2x_2 - 3x_3 = -4, \\ x_1 + x_2 + x_3 = 12, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 7. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.21. } \begin{cases} 3x_1 - 3x_2 - 6x_3 = -9, \\ x_1 + x_2 - 7x_3 = -6, \\ 5x_1 - x_2 - 2x_3 = -3. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.22. } \begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 4, \\ -x_1 - 2x_2 - 2x_3 = -5, \\ 2x_1 + 7x_2 - 9x_3 = 0. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.23. } \begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 = -3, \\ 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 3, \\ x_1 + 3x_2 - 3x_3 = -1. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.9. } \begin{cases} 2x_1 + 5x_2 + 3x_3 = 10, \\ x_1 - x_2 - 3x_3 = -4, \\ 2x_1 - 5x_2 + 2x_3 = 8. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.10. } \begin{cases} x_1 + 5x_2 + 3x_3 = 9, \\ 2x_1 - 5x_2 - x_3 = -4, \\ x_1 + 4x_2 - 5x_3 = 0. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.11. } \begin{cases} x_1 - x_2 - 2x_3 = -4, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 = 1, \\ x_1 + 4x_2 - 5x_3 = -2. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.12. } \begin{cases} x_1 - x_2 + 5x_3 = 7, \\ 2x_1 + x_2 - x_3 = 0, \\ x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 2. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.13. } \begin{cases} 2x_1 + x_2 + 5x_3 = 5, \\ x_1 + 2x_2 - 5x_3 = 4, \\ 3x_1 - 2x_2 - 7x_3 = 4. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.14. } \begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = -1, \\ 2x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 2, \\ x_1 - x_2 - 5x_3 = 7. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.15. } \begin{cases} x_1 + x_2 + 5x_3 = -2, \\ x_1 + 2x_2 - 5x_3 = -3, \\ 2x_1 + 2x_2 + 2x_3 = -4. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.24. } \begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 1, \\ x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 6, \\ x_1 + x_2 + 5x_3 = 5. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.25. } \begin{cases} 2x_1 + x_2 + x_3 = 5, \\ x_1 - x_2 + 5x_3 = 1, \\ 3x_1 + 2x_2 + 7x_3 = 8. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.26. } \begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 10, \\ x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 10, \\ 3x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 10. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.27. } \begin{cases} x_1 + 3x_2 - 3x_3 = 1, \\ 3x_1 - 3x_2 + 4x_3 = 4, \\ x_1 - 3x_2 - 3x_3 = -5. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.28. } \begin{cases} 2x_1 + x_2 + 7x_3 = 18, \\ -2x_1 - 3x_2 + x_3 = -2, \\ x_1 + 3x_2 + 3x_3 = 8. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.29. } \begin{cases} 7x_1 - x_2 - x_3 = 4, \\ 5x_1 + x_2 + x_3 = 8, \\ x_1 - 7x_2 - x_3 = -8. \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{4.30. } \begin{cases} -x_1 + 7x_2 - x_3 = 2, \\ -2x_1 + x_2 - 3x_3 = 5, \\ x_1 - 5x_2 + 3x_3 = -4. \end{cases} \end{array}$$

**Задание 5.** Исследовать СЛАУ. Определить совместность систем и найти решение, если система совместна.

5.1. a) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -9, \\ -x_1 - x_2 + 3x_3 - 6x_4 = 14, \\ 2x_1 + 4x_2 - 5x_3 + 9x_4 = -17, \\ 2x_1 + 5x_2 - 6x_3 + 9x_4 = -16, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 4x_3 - 16x_4 = 21, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 + 6x_4 = 45, \\ 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 14x_4 = 44, \\ x_1 + x_2 + 2x_3 + 6x_4 = 26, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 + 4x_4 = -3, \\ -2x_1 + 5x_3 + 5x_4 = 1, \\ 6x_1 - 2x_2 + x_3 + 3x_4 = 5, \\ 4x_1 + x_2 + 2x_3 + x_4 = -4. \end{cases}$$

5.2. а) 
$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 0, \\ 2x_1 + 2x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -16, \\ 3x_1 + 5x_2 + 4x_3 + 2x_4 = 15, \\ -x_1 + 2x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 4, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 7, \\ 2x_1 + 5x_2 + 11x_3 - 8x_4 = 16, \\ x_1 + x_2 + 4x_3 - x_4 = 5, \\ 3x_1 + 6x_2 + 15x_3 - 9x_4 = 21, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 + 5x_4 = -1, \\ 3x_1 + x_2 + 4x_3 + 5x_4 = 0, \\ -2x_1 + 3x_2 + 6x_3 + 4x_4 = -2, \\ 4x_1 + 7x_2 + 5x_3 + 18x_4 = 1. \end{cases}$$

**5.3. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 - 3x_3 + 2x_4 = -3, \\ -2x_1 + 3x_2 + x_3 - 2x_4 = 5, \\ 4x_1 + 5x_2 - 3x_3 + x_4 = 21, \\ 2x_1 + x_2 + x_3 + 3x_4 = 5, \end{cases}$$

6) 
$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 9, \\ 4x_1 + x_2 + 2x_3 - x_4 = 12, \\ 2x_1 + 3x_2 - x_3 - 8x_4 = 5, \\ -2x_1 + x_2 + 3x_3 + 22x_4 = 9, \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 + 3x_3 + x_4 = 1, \\ x_1 + 2x_2 + 5x_4 = 0, \\ -2x_1 + 5x_2 + x_3 + 8x_4 = 4, \\ 4x_1 + 3x_3 + 4x_4 = 1. \end{cases}$$

**5.4. a)** 
$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 + 3x_3 - x_4 = 0, \\ -x_1 + 3x_2 + x_3 + 4x_4 = 6, \\ 4x_1 + 2x_3 + x_4 = 1, \\ 2x_1 + 7x_2 - 4x_3 + 3x_4 = 12, \end{cases}$$

6) 
$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - x_3 - 7x_4 = -4, \\ -2x_1 - 5x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 4, \\ 4x_1 + 3x_2 + x_3 - 17x_4 = -8, \\ -4x_1 - 7x_2 + 3x_3 + 13x_4 = 8, \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} -x_1 + x_2 + x_3 + 3x_4 = 2, \\ 6x_1 - 5x_2 + x_3 - 2x_4 = 3, \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 3, \\ 4x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 1. \end{cases}$$

**5.5. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 8x_3 - 3x_4 = 8, \\ 3x_1 + x_2 - 7x_3 - 5x_4 = 12, \\ -3x_1 + 6x_2 + x_3 - 4x_4 = 5, \\ 2x_1 - 2x_2 + 6x_3 + 3x_4 = -13, \end{cases}$$

6) 
$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + x_3 + 2x_4 = -2, \\ 2x_1 + 2x_2 + x_4 = -9, \\ 2x_1 + 2x_3 + x_4 = 23, \\ x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 3x_4 = 21, \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + x_3 + 2x_4 = 4, \\ -5x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 7, \\ x_1 + x_2 - 2x_3 + x_4 = 4, \\ -2x_1 + 2x_2 + 2x_4 = 3. \end{cases}$$

**5.6. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + 6x_2 + 2x_3 - x_4 = 13, \\ 8x_2 + 5x_3 + 2x_4 = 15, \\ -x_1 + 4x_3 + 3x_4 = -5, \\ 2x_1 + 2x_2 - 3x_3 + 3x_4 = -7, \end{cases}$$

6) 
$$\begin{cases} 3x_1 + 8x_2 + x_3 + 5x_4 = 19, \\ 4x_1 + 17x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 25, \\ x_1 - 3x_2 + 2x_3 + x_4 = 4, \\ -2x_1 - 6x_2 + 3x_3 + 7x_4 = -6, \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 3, \\ -3x_1 + x_2 + x_3 + 3x_4 = 2, \\ 5x_1 - 7x_2 + 3x_3 - 2x_4 = 5, \\ 2x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 1. \end{cases}$$

**5.7. a)** 
$$\begin{cases} 5x_1 + 6x_2 + 4x_3 + x_4 = 3, \\ 5x_1 + 3x_2 + 5x_3 + 3x_4 = -2, \\ x_1 - 2x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 5, \\ 3x_1 - x_2 - 2x_3 + 4x_4 = 5, \end{cases}$$

6) 
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 2x_3 - 2x_4 = -3, \\ 3x_1 - 13x_2 - x_3 + x_4 = -2, \\ -4x_1 + 15x_2 - x_3 + x_4 = 5, \\ -2x_1 + 5x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 6, \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} 9x_1 - 5x_2 - 7x_3 + 8x_4 = 6, \\ 3x_1 + 2x_2 + 4x_3 - 5x_4 = 2, \\ 2x_1 + 5x_2 + 9x_3 - 11x_4 = 2, \\ x_1 - 2x_2 + 3x_4 = 5. \end{cases}$$

**5.8. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 4x_3 + 2x_4 = -1, \\ 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 2x_4 = 3, \\ -7x_1 - x_2 - 2x_3 + x_4 = 10, \\ 6x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 17, \end{cases}$$

6) 
$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 - 2x_3 - 7x_4 = 9, \\ -x_1 + 6x_2 + 7x_3 + 15x_4 = 16, \\ x_1 + 5x_2 + 4x_3 + 7x_4 = 17, \\ 3x_1 + 9x_2 + 6x_3 + 9x_4 = 33, \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} 3x_1 - 5x_2 + 2x_3 + 4x_4 = 2, \\ -x_1 - 6x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 1, \\ 5x_1 + 7x_2 - 4x_3 - 6x_4 = 3, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 4. \end{cases}$$

**5.9. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + 10x_2 + 3x_3 + 6x_4 = 10, \\ -2x_1 + 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 5, \\ 2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + 5x_4 = 9, \\ 5x_1 - 6x_2 - 2x_3 - 7x_4 = -10, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 + 6x_3 + 6x_4 = 0, \\ -x_1 + 6x_2 + 4x_3 + 9x_4 = -2, \\ 2x_1 - 2x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 2, \\ 5x_1 + 10x_3 = 4, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 3x_3 + x_4 = 7, \\ 3x_1 + 4x_2 - x_3 + 2x_4 = -5, \\ 3x_1 + 4x_2 + x_3 + 7x_4 = 5, \\ 5x_1 + 6x_2 + x_3 - 6x_4 = -10. \end{cases}$$

**5.10. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 4x_3 - 4x_4 = -4, \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 - 5x_4 = 0, \\ 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 + 4x_4 = 1, \\ 4x_1 + 2x_2 - 4x_3 - 7x_4 = 3, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 2x_3 + 11x_4 = 5, \\ 3x_1 - 4x_2 - x_3 + 8x_4 = -9, \\ 5x_1 + 2x_2 + x_3 + 18x_4 = -1, \\ 2x_1 - x_2 - 3x_3 - 8x_4 = -9, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 = -1, \\ 3x_1 + x_2 + 4x_3 - 3x_4 = -3, \\ 2x_1 - 6x_2 - 4x_3 + 5x_4 = 6, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 + 2x_4 = 2. \end{cases}$$

**5.11. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 1, \\ 2x_1 - 2x_2 + 7x_3 + 3x_4 = 2, \\ -3x_1 - x_2 + 3x_3 - 2x_4 = 4, \\ 4x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = -3, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + x_3 - 7x_4 = 6, \\ 3x_1 + x_2 + x_3 - 5x_4 = -4, \\ 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 - 3x_4 = -15, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 - 7x_4 = 6, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 + x_3 = 1, \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 + 5x_4 = 1, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 + 5x_4 = 5, \\ 3x_1 - 2x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 2. \end{cases}$$

**5.12. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 + 4x_3 + 4x_4 = -2, \\ -2x_1 + 3x_2 + x_4 = 1, \\ 4x_1 + 7x_2 + 2x_3 - 2x_4 = 4, \\ x_1 + 5x_2 - 4x_3 - 3x_4 = -5, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 - x_2 + x_3 + 6x_4 = 3, \\ 5x_1 + 3x_2 + x_3 + 2x_4 = 3, \\ 7x_1 + 3x_2 - 3x_3 = 1, \\ x_1 + 2x_2 + 2x_3 - x_4 = 1, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + 6x_2 - 3x_3 - 5x_4 = 0, \\ 2x_1 - 11x_2 + 5x_3 + 9x_4 = 2, \\ 7x_1 + x_3 + 3x_4 = 4, \\ 4x_1 + x_2 - x_3 - x_4 = 3. \end{cases}$$

**5.13. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 + 6x_4 = 1, \\ 6x_1 + 4x_2 - 5x_3 + 2x_4 = -2, \\ 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 - 6x_4 = -3, \\ 3x_1 + 2x_2 + 3x_3 - 10x_4 = -1, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 8x_3 - 4x_4 = 7, \\ 2x_1 + x_2 + 7x_3 + 4x_4 = 11, \\ 3x_1 - 3x_2 - 10x_3 + 3x_4 = 5, \\ 2x_1 - 3x_2 - 11x_3 + 2x_4 = 1, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_3 - 6x_4 = 5, \\ 3x_1 + 7x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 1, \\ 2x_1 + 4x_2 + x_3 + 7x_4 = 2, \\ 3x_1 + 5x_2 - 2x_3 + x_4 = 6. \end{cases}$$

**5.14. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 + 2x_4 = 17, \\ 2x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = -4, \\ 3x_1 + x_2 - 5x_3 + 2x_4 = 21, \\ 5x_1 - x_2 - 3x_4 = 5, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 - 2x_3 + x_4 = 1, \\ 3x_1 + 5x_2 + 12x_3 - x_4 = 14, \\ 2x_1 + 3x_2 + 7x_3 - x_4 = 9, \\ -2x_1 + 5x_2 + 17x_3 + 9x_4 = -1, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + 6x_2 - 3x_3 - 5x_4 = 1, \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 + 9x_4 = 2, \\ 11x_1 - 3x_2 + 2x_4 = 7, \\ 4x_1 + x_2 - x_3 - x_4 = 3. \end{cases}$$

**5.15. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 4, \\ 5x_1 + 3x_2 + 5x_3 - x_4 = -3, \\ 5x_1 + 2x_2 + 3x_3 + x_4 = 14, \\ x_1 + 2x_2 + 2x_3 - x_4 = -2, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 + 7x_4 = 5, \\ 3x_1 - 2x_2 + 5x_3 + 17x_4 = -11, \\ 4x_1 + x_2 + 2x_3 + 17x_4 = 1, \\ 2x_1 - 3x_2 + 4x_3 + 11x_4 = -13, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 5x_4 = 3, \\ 4x_1 + 3x_2 + x_3 + 17x_4 = 2, \\ 2x_1 + x_2 + x_3 + 9x_4 = -1, \\ 2x_1 + 5x_2 + 3x_3 - 7x_4 = 4. \end{cases}$$

**5.16. a)** 
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 - x_3 - 3x_4 = 15, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 + 3x_4 = -2, \\ 3x_1 + 8x_2 + x_3 + 5x_4 = -23, \\ 4x_1 + 7x_2 + 5x_3 + 14x_4 = -5, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + x_3 + 3x_4 = 3, \\ x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 3, \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 5, \\ 5x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 2, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 3, \\ x_1 + 2x_2 + 3x_4 = 1, \\ 2x_1 - 3x_2 + 4x_3 + 5x_4 = 7, \\ 9x_1 - 9x_2 + 6x_3 + 16x_4 = 2. \end{cases}$$

**5.17. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 - x_4 = 14, \\ 3x_1 - 2x_2 + 21x_3 + 4x_4 = -55, \\ 5x_1 + 6x_2 + 5x_3 - 2x_4 = 47, \\ 2x_1 + x_2 - 2x_3 = 19, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - 5x_3 + 3x_4 = 2, \\ 2x_1 + 2x_2 - x_3 + 2x_4 = 2, \\ 6x_1 + 4x_2 - 11x_3 + 9x_4 = 11, \\ 2x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 7, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + 3x_3 - 4x_4 = 1, \\ 5x_1 - x_2 + x_3 - 2x_4 = 4, \\ 5x_1 + x_2 - x_3 + 2x_4 = -2, \\ 3x_1 - 2x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 1. \end{cases}$$

**5.18. a)** 
$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 + 4x_3 + 8x_4 = 3, \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + 7x_4 = 8, \\ 4x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 17, \\ 4x_1 - 5x_2 + 7x_3 + 9x_4 = -27, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 10x_4 = 5, \\ 4x_1 + 2x_2 - x_3 - 9x_4 = 2, \\ 6x_1 + 4x_2 - 2x_3 + 17x_4 = 5, \\ 2x_1 + x_2 - 2x_3 + 6x_4 = 1, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 5, \\ -2x_1 + x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 2, \\ 3x_1 + 3x_2 - 5x_3 - x_4 = -3, \\ 3x_1 + 6x_2 - 2x_3 + 9x_4 = 5. \end{cases}$$

**5.19. a)** 
$$\begin{cases} x_1 - x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 2, \\ 3x_1 + x_2 + 4x_3 + 2x_4 = -8, \\ 2x_1 - 3x_2 + 7x_3 + x_4 = -12, \\ 3x_1 - 5x_2 - 3x_3 + 2x_4 = -20, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 3x_1 - 6x_2 + 7x_3 + 7x_4 = 3, \\ 2x_1 - 4x_2 - 2x_3 - 2x_4 = 2, \\ 4x_1 - 8x_2 + 8x_3 + 8x_4 = 4, \\ x_1 - 2x_2 + 5x_3 + 5x_4 = 1, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + 3x_3 - 7x_4 = -2, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + 5x_4 = 7, \\ 3x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 8x_4 = 6, \\ 4x_1 - x_2 + 6x_3 + x_4 = 5. \end{cases}$$

**5.20. a)** 
$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 4, \\ 5x_1 + 4x_2 + 5x_3 + 5x_4 = -1, \\ x_1 + 4x_2 + 2x_4 = -1, \\ 9x_1 + 6x_2 + 8x_3 + 7x_4 = -3, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 + 7x_2 + 3x_3 + x_4 = -11, \\ 2x_1 + 4x_2 + 3x_3 - 2x_4 = -10, \\ x_1 + x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 1, \\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 - 4x_4 = 4, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 - x_3 + 3x_4 = 1, \\ x_1 - 3x_2 + 3x_3 + 4x_4 = 1, \\ 3x_1 - 4x_2 + 4x_3 - 5x_4 = 5, \\ 2x_1 + 3x_2 - 3x_3 + 5x_4 = -3. \end{cases}$$

**5.21. a)** 
$$\begin{cases} -2x_1 + x_2 + 22x_3 - 7x_4 = -40, \\ x_1 + 3x_2 + 6x_3 - 2x_4 = -2, \\ 4x_1 + 2x_2 + x_3 = -17, \\ x_1 - 3x_3 + x_4 = 1, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_4 = -3, \\ 3x_1 + 3x_2 + 7x_4 = 3, \\ 4x_1 - 2x_2 + 6x_3 + 4x_4 = 3, \\ 2x_1 + 4x_2 - 2x_3 + 7x_4 = 4, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 - 3x_4 = 4, \\ x_1 + 5x_2 - x_3 + 4x_4 = 3, \\ 2x_1 + 7x_2 - 2x_3 + 2x_4 = -1, \\ -x_1 + 3x_2 + x_3 + 3x_4 = 1. \end{cases}$$

**5.22. а)** 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 5, \\ 3x_1 + 3x_2 + x_3 + 2x_4 = 4, \\ 3x_1 + 2x_2 + 2x_3 + 7x_4 = 5, \\ -2x_1 + x_2 + 7x_3 + 4x_4 = 5, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 3, \\ x_1 - 2x_2 - 4x_4 = 1, \\ 5x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 2, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 + x_4 = 1, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + x_3 - 3x_4 = 4, \\ x_1 + 4x_2 - 4x_3 + 5x_4 = -1, \\ 3x_1 + x_2 - x_3 + 3x_4 = 1, \\ 5x_1 - 2x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 2. \end{cases}$$

- 5.23.** a) 
$$\begin{cases} x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 3, \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + 5x_4 = 10, \\ 3x_1 + x_2 - x_3 - 2x_4 = -1, \\ 2x_1 + 5x_2 + 2x_3 - x_4 = -7, \end{cases}$$
- б) 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 + 3x_4 = -1, \\ 5x_1 + 4x_2 + 2x_3 + 3x_4 = -2, \\ 5x_1 + 5x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 0, \\ 2x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = -1, \end{cases}$$
- в) 
$$\begin{cases} x_1 - 7x_2 + 3x_3 + x_4 = 5, \\ 2x_1 + 3x_2 - 3x_4 = 9, \\ 3x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = 3, \\ 2x_1 + 2x_2 - 3x_3 + 4x_4 = 7. \end{cases}$$
- 5.24.** а) 
$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 - 2x_3 - 3x_4 = 23, \\ 3x_1 + 2x_2 + 2x_4 = 27, \\ 5x_1 + 8x_2 + 8x_3 + 6x_4 = 43, \\ 2x_1 + 4x_2 + 7x_3 + 3x_4 = 12, \end{cases}$$
- б) 
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 3x_3 - 2x_4 = 7, \\ 4x_1 + x_2 - 3x_3 + x_4 = -2, \\ 2x_1 + x_2 + x_3 - x_4 = 4, \\ 3x_1 + x_2 - x_3 = 1, \end{cases}$$
- в) 
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 - x_3 + 5x_4 = 10, \\ 4x_1 - 5x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 2, \\ 3x_1 - 4x_2 + x_3 + 2x_4 = 5, \\ 6x_1 - 7x_2 + 4x_3 + 2x_4 = -3. \end{cases}$$

**5.25. a)** 
$$\begin{cases} -x_1 + 8x_2 + x_3 + 3x_4 = 30, \\ 8x_1 + 5x_2 - x_3 + 4x_4 = 50, \\ x_1 + 7x_2 + x_4 = 32, \\ 2x_1 + 3x_2 + x_4 = 19, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 - x_2 + 3x_3 + 3x_4 = 2, \\ 2x_1 - x_2 + 4x_3 - 5x_4 = 1, \\ 4x_1 + x_2 + 2x_3 - x_4 = -7, \\ 5x_1 - 3x_2 + 11x_3 + 4x_4 = 4, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 5x_4 = 1, \\ 3x_1 + x_2 - 2x_3 + x_4 = 1, \\ 2x_1 - x_2 + 7x_3 - 3x_4 = 2, \\ 2x_1 - 5x_2 + 9x_3 - 10x_4 = 2. \end{cases}$$

**5.26. а)** 
$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 - x_3 + 3x_4 = 3, \\ 4x_1 - x_2 + x_3 - 2x_4 = 9, \\ 2x_1 - 4x_2 - 3x_3 - x_4 = 15, \\ x_1 - 3x_2 + x_3 - 3x_4 = 11, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 2x_1 + 4x_2 - 2x_3 + 7x_4 = 4, \\ x_1 - x_2 + 2x_3 = -1, \\ 3x_1 + x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -7, \\ 6x_1 - 4x_2 + 10x_3 + 4x_4 = 1, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 7x_4 = 1, \\ -3x_1 - 2x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 5, \\ 2x_1 + x_2 - x_3 + 5x_4 = -1, \\ 3x_1 + x_2 - x_3 - 2x_4 = -4. \end{cases}$$

5.27. a) 
$$\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 + x_3 - x_4 = -6, \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 - 6x_4 = -3, \\ -2x_1 + 4x_2 + 7x_3 - 5x_4 = 22, \\ x_1 + x_2 - 4x_3 - 2x_4 = 16, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 6x_3 + 8x_4 = 6, \\ 3x_1 + 2x_2 + 7x_3 + 7x_4 = 5, \\ 4x_1 + 3x_2 + 8x_3 + 6x_4 = 4, \\ 5x_1 + 4x_2 + 9x_3 + 5x_4 = 3, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 2x_1 + 5x_2 - 2x_3 + x_4 = 2, \\ 2x_1 - 2x_2 + x_3 - 5x_4 = -6, \\ -2x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 4x_4 = 7, \\ 2x_1 + 6x_2 + x_3 = 1. \end{cases}$$

5.28. а) 
$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 - 2x_3 - 8x_4 = 12, \\ -3x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = -1, \\ 3x_1 + 5x_2 + 3x_3 + 3x_4 = 14, \\ 2x_1 - 2x_2 - x_3 - 5x_4 = 6, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 - 12x_3 - 3x_4 = 15, \\ 2x_1 - 7x_2 + 21x_3 + 5x_4 = -27, \\ 3x_1 - 2x_2 + 9x_3 + 2x_4 = -12, \\ 7x_1 + 20x_3 + 13x_4 = -1, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 5x_1 + 4x_2 + 7x_3 + 3x_4 = 6, \\ 9x_1 + 5x_2 + 14x_3 + 2x_4 = 1, \\ 3x_1 + 2x_2 + 4x_3 + 2x_4 = 5, \\ x_1 + 5x_2 + x_3 + 3x_4 = 0. \end{cases}$$

**5.29. a)** 
$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + 6x_3 + 4x_4 = -8, \\ 5x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4 = 1, \\ 2x_1 - 2x_2 - x_3 + x_4 = -5, \\ 6x_1 - x_2 + 4x_3 = -7, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 - 2x_4 = 2, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 - 2x_4 = 4, \\ x_1 - x_2 + x_3 - 4x_4 = 3, \\ x_1 + x_2 + x_3 - 8x_4 = 3, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 3x_1 + x_2 + 4x_3 + 5x_4 = 3, \\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 2x_4 = -1, \\ 4x_1 - 2x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 2, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 + 5x_4 = 4. \end{cases}$$

**5.30. а)** 
$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - x_3 + x_4 = 1, \\ 2x_1 + 5x_2 - 2x_3 + 4x_4 = 2, \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 1, \\ 4x_1 + 5x_2 - x_3 + 2x_4 = 2, \end{cases}$$

б) 
$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 + 3x_4 = -1, \\ x_1 + 3x_2 + x_3 + 2x_4 = 1, \\ 2x_1 + x_2 + 3x_4 = -2, \\ 3x_1 - 3x_2 - x_3 + 2x_4 = -5, \end{cases}$$

в) 
$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 + 3x_4 = -3, \\ x_1 + 7x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 3, \\ -4x_1 + 5x_2 + 7x_3 - 6x_4 = 5, \\ 5x_1 + 2x_2 - 11x_3 + 5x_4 = 2. \end{cases}$$